|  |  |
| --- | --- |
| SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO HẢI PHÒNG**TRƯỜNG THPT TRẦN NGUYÊN HÃN****ĐỀ THI CHÍNH THỨC**(*Đề thi có 01 trang*) | **ĐỀ THI CHỌN HỌC SINH GIỎI VÒNG 1****LỚP 10 - NĂM HỌC 2020-2021****Môn: Toán***Thời gian bàm bài: 180 phút, không kể thời gian phát đề* |

**Họ, tên thí sinh:** ……………………………………. **Số báo danh:** ……………….…………

**Câu I (4,0 điểm).**

1. Cho hàm số  có đồ thị là parabol (P).
	1. Khảo sát và vẽ đồ thị hàm số (P).
	2. Dựa vào đồ thị (P) vừa vẽ trên hãy tìm tất cả các giá trị của m để phương trình

 có 4 nghiệm phân biệt.

 2. Tìm tất cả các giá trị của tham số m để hàm số  đồng biến trên khoảng.

**Câu II (2,0 điểm).**

Cho số thực  và hai tập hợp . Tìm tất cả các giá trị của a để .

**Câu III (4,0 điểm).**

1) Giải phương trình .

2) Tìm tất cả các giá trị của tham số m để phương trình  vô nghiệm.

**Câu IV (2,0 điểm).**

 Tìm tất cả các giá trị của tham số m để hệ phương trình  có nghiệm thỏa .

**Câu V (4,0 điểm).**  Cho tam giác  có điểm G là trọng tâm.

 1) Phân tích véctơ  theo hai véctơ  và .

 2) Điểm  thỏa mãn chứng minh đẳng thức : .

 3) Gọi  là giao điểm của  và , tính tỉ số .

**Câu VI (2,0 điểm).**

 Cho các số dương a,b,c thỏa mãn điều kiện . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức



**------------------ Hết ------------------**

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ tên, Chữ kí của cán bộ coi thi:……………………………………………………………………

**ĐÁP ÁN - THANG ĐIỂM**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Câu I | 1. Cho hàm số (P): .1. Khảo sát và vẽ đồ thị hàm số.
2. Dựa vào đồ thị vừa vẽ trên hãy tìm tất cả các giá trị của m để phương trình

 có 4 nghiệm phân biệt. | 3,0 |
|  | * Ta có :

− = −1 và −  = −4.* Vậy, đồ thị hàm số là một parabol có đỉnh S(−1; −4), nhận đường thẳng

 x = −1 làm trục đối xứng và hướng bề lõm lên trên.* Bảng biến thiên:

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x | −∞ |  | −1 |  | +∞ |
| y |  +∞ |  | −4 |  | +∞ |
|  |  |  |  |  |  |

* Đồ thị: Đồ thị đi qua 2 điểm A(−3; 0), B(1; 0).

* Ta có . Từ đó suy ra cách vẽ đồ thị hàm số  từ đồ thị hàm số  như sau:
* Giữ nguyên đồ thị  phía trên trục hoành. Lấy đối xứng phần đồ thị  phía dưới trục hoành qua trục hoành ( bỏ phần dưới ).

Kết hợp hai phần ta được đồ thị hàm số  như hình vẽ.* Số nghiệm của phương trình bằng số giao điểm của đồ thị hàm số (phần đường đậm) và đường thẳng (d): y =- m là đường thẳng song song hoặc trùng với trục hoành cắt trục tung tại tung độ -m .
* Vậy phương trình có 4 nghiệm khi và chỉ khi -4<m<0.
 | 0,50,50,50,50,250,250,250,25 |
|  | 2. Tìm m để hàm số  đông biến trên khoảng . | 1,0 |
|  | * Với. Hàm số nghịch biến trên  . Do đó  không thỏa mãn.
* Với. Hàm số đồng biến trên khoảng khi và chỉ kh

 * Vậy
 | 0,250,250,250,25 |
| Câu 2 | Cho số thực và hai tập hợp . Tìm a để | 2,0 |
|  | Ta có :  khi và chỉ khi  (Vì)Kết hợp với  thì Kết luận với thì . | 0,50,250,250,250,250,250,25 |
| Câu 3 |  | 4,0 |
|  | 1)Giải phương trình(1)Điều kiện Ta có vì.Kết luận: Phương trình có một nghiệm x = 4. | 2,00,50,50,50,250,25 |
|  | 2)Tìm m để phương trình sau vô nghiệm:  (1) * Điều kiện: x ≠ ±1.

Ta có (1) suy ra (m + 2)x = 4 − m. (2)* Trường hợp 1: Nếu m + 2 = 0 ⇔ m = −2 thì

(2) ⇔ 0x = 6, mâu thuẫn ⇒ phương trình vô nghiệm.* Trường hợp 2: Nếu m − 2 ≠ 0 ⇔ m ≠ 2 thì:

(2) ⇔ x = .Do đó (1) vô nghiệm khi và chỉ khi   GPT tìm được m = 1.* Vậy với m = −2 hoặc m = 1 phương trình (1) vô nghiệm.
 | 2,00,50,250,50,50,25 |
| Câu 4 | Cho hệ phương trình  Tìm m để hệ có nghiệm thỏa Nhận xét :  nên hệ có nghiệm với mọi mGiải hệ có nghiệm Tính Ta có    | 2,00,50,50,50,250,25 |
| Câu 5 | Cho tam giác  có trọng tâm  1) Phân tích véctơ theo hai véctơ  và . 2) Điểm  thỏa mãn chứng minh đẳng thức: 3) Gọi  là giao điểm của  và , tính tỉ số . | 4,0 |
|  |  Gọi M là trung điểm của BC1. Ta có :

 | 0,50,50,5 |
|  | 1. Ta có

 | 0,50,250,250,5 |
|  | 1. Đặt .

.Theo 2) có Ba điểm  thẳng hàng nên hai vectơ  cùng phương | 0,250,250,250,25 |
| Câu 6 | Cho các số dương a,b,c thỏa mãn điều kiện abc = 1. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  | 2,0 |
|  | = = Đặt , , . Do abc = 1  xyz = 1 và a,b,c dương suy ra x,y,z dương. Ta có Áp dụng bất đẳng thức Côsi, ta có , ,  Dấu “=” xảy ra khi x = y = z = 1 hay a = b = c = 1. Vậy  khi x = y = z = 1 | 0,50,50,50,5 |